

6-30-2020

ANALYSIS OF USING Z-UNCERTAINTY ASSESSMENT IN FUZZY OUTPUT SYSTEMS

D. T. Muxamedieva

Scientific-innovative center of information and communication technologies at the Tashkent University of Information Technologies named after Muhammad al-Khorazmiy, author@ferpi.uz

Follow this and additional works at: <https://uzjournals.edu.uz/ferpi>

Recommended Citation

Muxamedieva, D. T. (2020) "ANALYSIS OF USING Z-UNCERTAINTY ASSESSMENT IN FUZZY OUTPUT SYSTEMS," *Scientific-technical journal*: Vol. 24 : Iss. 3 , Article 7.

Available at: <https://uzjournals.edu.uz/ferpi/vol24/iss3/7>

This Article is brought to you for free and open access by 2030 Uzbekistan Research Online. It has been accepted for inclusion in Scientific-technical journal by an authorized editor of 2030 Uzbekistan Research Online. For more information, please contact sh.erkinov@edu.uz.

**ENERGETICS, THE ELECTRICAL ENGINEERING, ELECTRONIC DEVICES AND
INFORMATION TECHNOLOGIES**

УДК: 519.681.5

**ANALYSIS OF USING Z-UNCERTAINTY ASSESSMENT IN FUZZY OUTPUT
SYSTEMS****Muxamedieva D.T.**

Scientific-innovative center of information and communication technologies at the Tashkent University of
Information Technologies named after Muhammad al-Khorazmiy

**АНАЛИЗ ИСПОЛЬЗОВАНИЯ Z-ОЦЕНИВАНИЯ НЕОПРЕДЕЛЕННОСТИ В
СИСТЕМАХ НЕЧЁТКОГО ВЫВОДА****Мухамедиева Д.Т.**

Научно-инновационный центр информационно-коммуникационных технологий при Ташкентском
университете информационных технологий имени Мухаммада ал-Хоразмий

**НОРАВШАН ХУЛОСА ТИЗИМЛАРИДА НОАНИҚЛИКНИНГ Z-БАҲОЛАРИНИ
ҚЎЛЛАШНИНГ ТАҲЛИЛИ****Мухамедиева Д.Т.**

Мухаммада ал-Хоразмий номидаги Тошкент Ахборот технологиялари Университети ҳузуридаги
Ахборот-коммуникация технологиялари илмий-инновацион маркази

***Abstract.** This paper proposes an approach based on using transformed Z-numbers to ordinary fuzzy numbers. The prospects for their use in systems of fuzzy inference are considered, and the problems that arise here are formulated.*

Keywords: Theory of fuzzy sets, Z-numbers, probability, distribution, membership function.

***Аннотация.** В данной работе предложен подход, основанный на использовании преобразованных Z-чисел к обычным нечетким числам. Рассмотрены перспективы их использования в системах нечеткого вывода, а также сформулированы проблемы, которые при этом возникают.*

Ключевые слова: Теория нечетких множеств, Z-числа, вероятность, распределение, функция принадлежности.

***Аннотация.** Мақолада оддий норавшан сонларга ўзгартирилган Z-сонларни қўллашга асосланган ёндошув тақдим этилган. Уларни норавшан хулоса тизимларида қўллаш имкониятлари кўрилган, ҳамда бу ёндошувда юзага келиши мумкин бўлган муаммолар шакллантирилган.*

Таянч сўзлар: Норавшан тўпламлар назарияси, Z-сонлар, эхтимоллик, таксимот, тегишлилик функцияси.

1.Введение. Можно говорить, что теория Z-чисел еще недостаточно исследована (большинство известных публикаций относится к периоду 2012-2019 гг.), но учёные уже внесли свой вклад в развитие теории Z-чисел и предложили некоторые подходы к работе с ними, которые будут рассмотрены в данной работе. Тем не менее, использование Z-чисел в системах нечёткого вывода пока остаётся нерешенной задачей из-за используемых в их представлении составляющих разной природы.

Целью данной работы является исследование методики использования Z-чисел в системах нечеткого вывода и разработка программы на основе результатов этого исследования. Для достижения этой цели были определены следующие задачи:

1. Изучение существующих подходов к работе с Z-числами.

**ENERGETICS, THE ELECTRICAL ENGINEERING, ELECTRONIC DEVICES AND
INFORMATION TECHNOLOGIES**

2. Разработка алгоритма использования преобразованных Z-чисел в системах нечёткого вывода.

3. Изучение возможностей использования Z-чисел в системе вывода без их предварительной модификации (преобразования).

4. Разработка программы, реализующей предложенные методики.

5. Проведение экспериментов и анализ получаемых результатов.

2. Основная часть. Z-оценкой называют упорядоченную тройку, которая трактуется как оператор (утверждение) $U \text{ is } (A, B)$ ("U есть (A,B)"). Если A не состоит только из одной точки, то U является неопределенной переменной.

В действительности, Z-оценку можно рассматривать как ограничение на U, которое определяется – выражением:

$$\text{Prob}(U \text{ is } A) \text{ is } B.$$

Это означает, что мы не знаем истинную плотность вероятности по U, но есть ограничение в виде нечеткого подмножества P пространства P всех вероятностных плотностей по U. Это ограничение вызывает нечеткую вероятность B. Пусть p функция плотности по U. Вероятность $\text{Prob}_p(U \text{ is } A)$ (вероятность, что U есть A) определяется на основе определения вероятности нечеткого подмножества предложенной Заде [1,2], как

$$\text{Prob}_p(U \text{ is } A) = \int_{-\infty}^{+\infty} \mu_A(u) p_u(u) du.$$

Тогда степень, в которой p удовлетворяет Z-оценку $\text{Prob}_p(U \text{ is } A)$ есть B это

$$\mu_p(p) = \mu_B(\text{Prob}_p(U \text{ is } A)) = \mu_B\left(\int_{-\infty}^{+\infty} \mu_A(u) p_U(u) du\right).$$

В виде p берется некоторое параметрическое распределение:

1. Нормальное распределение, Функцией плотности нормального распределения

является

$$p_U(u) = \text{normpdf}(u, m, \sigma) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(u-m)^2}{2\sigma^2}\right).$$

В этой ситуации, для любых m, σ мы имеем

$$\begin{aligned} \text{Prob}_{m,\sigma}(U \text{ is } A) &= \int_{-\infty}^{+\infty} \mu_A(u) p_{m,\sigma} du = \int_{-\infty}^{+\infty} \mu_A(u) \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(u-m)^2}{2\sigma^2}\right) du = \\ &= \text{quad}(\text{trapmf}(u, [a_1, a_2, a_3, a_4]) * \text{normpdf}(u, m, \sigma), -\text{inf}, +\text{inf}) \end{aligned}$$

Тогда пространство P вероятностных распределений будет класс всех нормальных распределений каждый однозначно определяется своим параметром m, σ.

2. Равномерное распределение, Функцией плотности равномерного распределения является

$$p_U(u) = \text{ravpdf}(u, a, b) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq a, \\ 1/(b-a) & \text{при } a < x \leq b, \\ 0 & \text{при } x > b. \end{cases}$$

В этой ситуации, для любых m, σ мы имеем

$$\begin{aligned} \text{Prob}_{a,b}(U \text{ is } A) &= \int_a^b \mu_A(u) p_{a,b} du = \int_a^b \mu_A(u) (1/(b-a)) du = \\ &= \text{quad}(\text{trapmf}(u, [a_1, a_2, a_3, a_4]) * \text{ravpdf}(u, a, b), \\ &-\text{inf}, +\text{inf}) \end{aligned}$$

**ENERGETICS, THE ELECTRICAL ENGINEERING, ELECTRONIC DEVICES AND
INFORMATION TECHNOLOGIES**

Тогда пространство \mathbf{P} вероятностных распределений будет класс всех равномерных распределений каждый однозначно определяется своим параметром a и b .

В следствии этого, операции над Z -числом, приведенных в [2] будут достаточно упрощенным.

Пусть X, Y случайные величины. Учитывая Z -оценки (X, A, B) и (Y, E, F) и операцию, задача состоит в том, чтобы определить Z -оценку Y . Процедура выглядит следующим образом:

Пусть $p(x)$ и $q(x)$ - основные функции плотности вероятности X и Y соответственно. Известная информация может быть обобщена как

$$\mu_B(\int A(x)p(x)dx = u) = B(u),$$

$$\mu_F(\int E(x)q(x)dx = u) = F(u),$$

где p, q не известны.

Обозначим Z -оценку через (W, G, H) , а лежащую в основе функцию плотности вероятности через W . Функция принадлежности G определяется применением принципа расширения:

$$G(W) = \text{Sup}_{u,v} (A(u) \wedge E(v)),$$

где супремум захвачен всеми u, v такими, что $w = u * v$.

Следующим шагом является определение возможности распределения p_w . Отметим, что

$$p_v(t) = p_w(t) = \int_{t=u*v} p(u)q(v)du$$

Обозначим вышеприведенное уравнение через $p_w = p * q$. Применяя принцип расширения, мы имеем

$$\mu_{p_w}(p_w) = \text{Sup}_{\{p,q/p_w=p*q\}} (B(\int A(u)p(u)du) \wedge F(\int E(v)q(v)dv))$$

H -функция принадлежности нечеткого множества H определяется как

$$H(t) = \text{Sup}_{p_w} (\mu_{p_w}(p_w))$$

где супремум взят над множеством $\{p_w | t = \int p_w(s)G(s)ds\}$.

Другими словами, мы решаем вариационную задачу здесь. Для каждого t мы должны найти функцию плотности вероятности p_w , которая оптимизирует значение $H(t)$ в зависимости от условия $t = \int p_w(s)G(s)ds$. Если никакие другие условия не будут поставлены на p_w , то эту проблему будет практически невозможно решить. Поэтому, как правило, для решения проблемы должны быть сделаны предположения относительно природы p и q . В случае дискретных случайных величин в соответствующих местах интеграция заменяется суммированием.

Обозначим Z -суммирование $W = X + Y$ через $Z(A_w, B_w)$. Наша цель - найти Z -оценку $W = X + Y$. То есть найти возможность распределения $A_w(w)$ и $B_w(r)$.

Шаг 1: Рассчитать $A_w(w)$:

**ENERGETICS, THE ELECTRICAL ENGINEERING, ELECTRONIC DEVICES AND
INFORMATION TECHNOLOGIES**

$$A_w(w) = \text{Sup}_v(A_x(v) \wedge A_y(w-v))$$

Шаг 2: Расчет распределения вероятностей W:

Распределение вероятностей W определяется как $P_{rob}(w=k) = \sum_k p_a(u)p_b(k-u)$

Шаг 3: Найти G_w :

Чтобы найти $B_w(r)$ сначала нам нужно найти $G_w(p_w)$ возможность распределения по p_w связанной со случайной величиной W. Используя принцип расширения, мы имеем

$$G_w(p_w) = \sup_{p_x, p_y} (B_X(S) \wedge B_Y(t)),$$

где

$$s = \sum_{x=0}^z A_X(x)p_x(x) \quad \text{и} \quad t = \sum_{y=0}^z A_Y(y)p_y(y),$$

при условии

$$p_w = p_x \circ p_y.$$

Шаг 4: Нахождение B_w :

Далее для расчета функции принадлежности B_w используется формула

$$B_w(D) = \sup_{p_w} G_w(p_w),$$

при условии

$$D = \sum A_w(w)p_w(w).$$

Каждый из них порождает распределение возможностей G_i по пространству распределения вероятностей P как

$$G_1(p) = B_X(\int A_X(u)p_X(u)du)$$

и

$$G_2(p) = B_Y(\int A_Y(u)p_Y(u)du)$$

где p_X и p_Y - вероятностные распределения X и Y согласно

Обозначим Z-умножение $W = XY$ через $Z(A_w, B_w)$. Наша цель - найти Z-оценку $W = XY$. То есть найти возможность распределения $A_w(w)$ и $B_w(r)$.

Шаг 1: Рассчитать $A_w(w)$:

$$A_w(w) = \text{Sup}_v(A_x(v) \wedge A_y(w/v)).$$

Шаг 2:

Расчет распределения вероятностей W:

$$\text{Pr ob}(w=k) = \sum_k p_a(u)p_b(k/u)$$

ENERGETICS, THE ELECTRICAL ENGINEERING, ELECTRONIC DEVICES AND INFORMATION TECHNOLOGIES

Шаг 3: Нахождение G_w :

Используя принцип расширения, мы имеем

$$G_w(p_w) = \sup_{p_x p_y} (B_x(s) \wedge B_y(t)), \quad s = \sum_x A_x(x) p_x(x)$$

и
$$t = \sum_y A_y(y) p_y(y),$$

при условии
$$p_w = p_x \circ p_y.$$

Шаг 4: Нахождение B_w :

$$B_w(D) = \sup_{p_w} G_w(p_w)$$

при условии
$$D = \sum A_w(w) p_w(w).$$

Здесь
$$D = \sum A_w(w) p_w(w) = \sup_{p_w} G_w(p_w)$$

Однако следует отметить, что даже в самых простых случаях мы сталкиваемся со сложными проблемами оптимизации.

3. Реализация задач. Пусть задана выборка нечетких экспериментальных данных (X_r, y_r) , $r = \overline{1, M}$; здесь $X_r = (x_{r1}, x_{r2}, \dots, x_{rn})$ - входной n -мерный вектор и $y_r = (y_1, y_2, \dots, y_M)$ - соответствующий ему выходной вектор.

В общем виде требуется построить модель, основанную на нечетких правилах вывода с использованием Z-оценивания неопределенности:

$$\bigcup_{p=1}^{k_k} \left(\bigcap_{i=1}^n x_i = (a_{i,jp}, b_{i,jp}) \right) \rightarrow y_j = f(x_1, x_2, \dots, x_n).$$

Благодаря такому подходу к использованию Z-чисел в системе нечёткого вывода появляется возможность более эффективно учитывать неопределенность при работе с приближенной, неточной информацией. С уверенностью можно сказать, что такой разработанный алгоритм может с большим успехом найти широкое применение в решениях как инженерных, так и экономических задач различного рода.

Проиллюстрируем работу системы вывода на примере.

Рассмотрим три типа нечёткой модели оценки состояния слабоформализуемого процесса, вывод которой представляется в виде линейной и нелинейной зависимости.

1. Нечёткая модель, выход которой представляется в виде линейной зависимости:

Если $(x_1^i = (a_{11}^i, b_{11}^i) \vee x_2^i = (a_{12}^i, b_{12}^i) \vee \dots \vee x_n^i = (a_{1n}^i, b_{1n}^i)) \wedge$

.....
 $\wedge (x_1^i = (a_{11}^{k_i}, b_{11}^{k_i}) \vee x_2^i = (a_{12}^{k_i}, b_{12}^{k_i}) \vee \dots \vee x_n^i = (a_{1n}^{k_i}, b_{1n}^{k_i})),$

то
$$y_i = c_{i0} + c_{i1} \frac{\sum_{j=1}^q \mu(b_1^{ij}) \frac{\sum_{j=1}^q \mu(a_1^{ij}) a_1^{ij}}{\sum_{j=1}^q \mu(a_1^{ij})}}{\sum_{j=1}^q \mu(b_1^{ij})} + \dots c_{in} \frac{\sum_{j=1}^q \mu(b_n^{ij}) \frac{\sum_{j=1}^q \mu(a_n^{ij}) a_n^{ij}}{\sum_{j=1}^q \mu(a_n^{ij})}}{\sum_{j=1}^q \mu(b_n^{ij})},$$

ENERGETICS, THE ELECTRICAL ENGINEERING, ELECTRONIC DEVICES AND INFORMATION TECHNOLOGIES

$i = \overline{1, m}$.

2. Нечёткая модель, выход которой представляется в виде нечетких термов:

Если $x_1^1=(H,C)$ и $x_2^1=(H,C)$ и $x_3^1=(H,C)$ и $x_4^1=(H,C)$ или $x_1^1=(C,H)$ и $x_2^1=(H,C)$ и $x_3^1=(H,C)$ и $x_4^1=(H,C)$ То $r_1=(B,C)$.

Если $x_1^2=(H,C)$ и $x_2^2=(H,C)$ и $x_3^2=(H,C)$ и $x_4^2=(C,C)$ или $x_1^2=(H,C)$ и $x_2^2=(H,C)$ и $x_3^2=(H,C)$ и $x_4^2=(B,C)$ или $x_1^2=(H,C)$ и $x_2^2=(H,C)$ и $x_3^2=(C,C)$ и $x_4^2=(H,C)$ То $r_2=(BC,C)$.

Если $x_1^3=(H,C)$ и $x_2^3=(H,C)$ и $x_3^3=(H,C)$ и $x_4^3=(BC,C)$ или $x_1^3=(H,C)$ и $x_2^3=(H,C)$ и $x_3^3=(BC,C)$ и $x_4^3=(C,BC)$ или $x_1^3=(H,C)$ и $x_2^3=(H,C)$ и $x_3^3=(C,BC)$ и $x_4^3=(B,BC)$ То $r_3=(C,BC)$.

Если $x_1^4=(H,BC)$ и $x_2^4=(B,BC)$ и $x_3^4=(C,BC)$ и $x_4^4=(C,BC)$ или $x_1^4=(H,BC)$ и $x_2^4=(C,BC)$ и $x_3^4=(C,BC)$ и $x_4^4=(B,BC)$ То $r_4=(HC,C)$.

Если $x_1^5=(C,BC)$ и $x_2^5=(B,BC)$ и $x_3^5=(C,BC)$ и $x_4^5=(B,BC)$ или $x_1^5=(B,BC)$ и $x_2^5=(B,BC)$ и $x_3^5=(C,BC)$ и $x_4^5=(B,BC)$ или $x_1^5=(B,BC)$ и $x_2^5=(B,BC)$ и $x_3^5=(B,BC)$ и $x_4^5=(B,BC)$ То $r_5=(H,C)$.

3. Нечёткая модель, выход которой представляется в виде нелинейной зависимости:

Если $(x_1^i = (a_{11}^i, b_{11}^i) \vee x_2^i = (a_{12}^i, b_{12}^i) \vee \dots \vee x_n^i = (a_{1n}^i, b_{1n}^i)) \wedge$

$\dots \wedge (x_1^i = (a_{11}^{k_i}, b_{11}^{k_i}) \vee x_2^i = (a_{12}^{k_i}, b_{12}^{k_i}) \vee \dots \vee x_n^i = (a_{1n}^{k_i}, b_{1n}^{k_i})),$

$$\begin{aligned}
 y_i = c_{i0} + c_{i1} & \frac{\sum_{j=1}^q \mu(b_1^{ij}) \frac{\sum_{j=1}^q \mu(a_1^{ij}) a_1^{ij}}{\sum_{j=1}^q \mu(a_1^{ij})}}{\sum_{j=1}^q \mu(b_1^{ij})} + c_{i2} \frac{\sum_{j=1}^q \mu(b_2^{ij}) \frac{\sum_{j=1}^q \mu(a_2^{ij}) a_2^{ij}}{\sum_{j=1}^q \mu(a_2^{ij})}}{\sum_{j=1}^q \mu(b_2^{ij})} + \dots \\
 & + c_{in} \frac{\sum_{j=1}^q \mu(b_n^{ij}) \frac{\sum_{j=1}^q \mu(a_n^{ij}) a_n^{ij}}{\sum_{j=1}^q \mu(a_n^{ij})}}{\sum_{j=1}^q \mu(b_n^{ij})} + c_{in+1} \left[\frac{\sum_{j=1}^q \mu(b_1^{ij}) \frac{\sum_{j=1}^q \mu(a_1^{ij}) a_1^{ij}}{\sum_{j=1}^q \mu(a_1^{ij})}}{\sum_{j=1}^q \mu(b_1^{ij})} \right]^2 + \\
 \text{То} & \left[\frac{\sum_{j=1}^q \mu(b_2^{ij}) \frac{\sum_{j=1}^q \mu(a_2^{ij}) a_2^{ij}}{\sum_{j=1}^q \mu(a_2^{ij})}}{\sum_{j=1}^q \mu(b_2^{ij})} \right]^2 + \dots + c_{i2n} \left[\frac{\sum_{j=1}^q \mu(b_n^{ij}) \frac{\sum_{j=1}^q \mu(a_n^{ij}) a_n^{ij}}{\sum_{j=1}^q \mu(a_n^{ij})}}{\sum_{j=1}^q \mu(b_n^{ij})} \right]^2, \\
 & i = \overline{1, m}.
 \end{aligned}$$

ENERGETICS, THE ELECTRICAL ENGINEERING, ELECTRONIC DEVICES AND INFORMATION TECHNOLOGIES

4. Вычислительный эксперимент. Был разработан программный продукт. В данной реализации использован алгоритм нечёткого вывода, основанный на преобразовании Z-чисел в нечёткие числа.

По итогам проведенного исследования получен прогноз оценки рисков недополучения урожая, основанный на построении аппроксимирующих моделей с использованием обучающих и тестирующих данных о риске (рисунок 1). Графики этих зависимостей приведены на рисунке 2.

В предложенных моделях каждая входная переменная имеют свои собственные функции принадлежности нечетким термам (Н, НС, С, ВС, В), которые используются в уравнениях

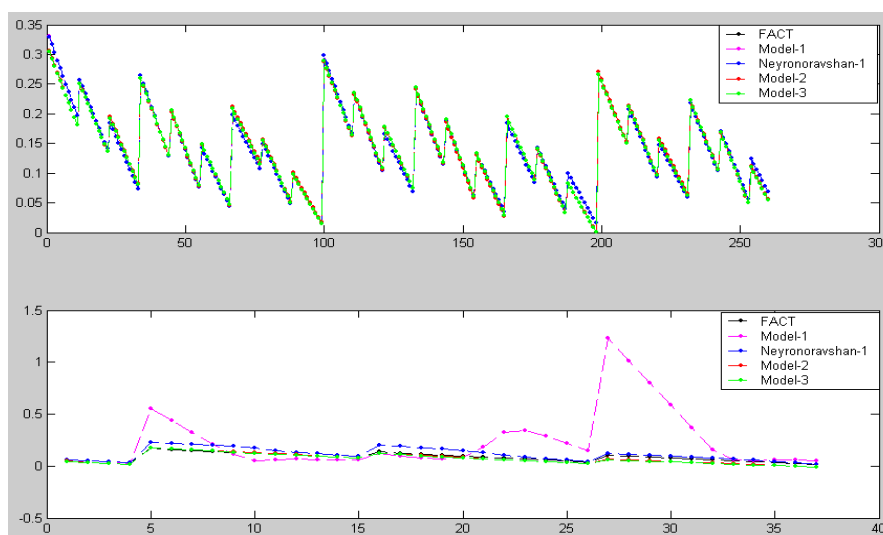


Рисунок 1 - График оценки риска для обучающих и тестирующих данных

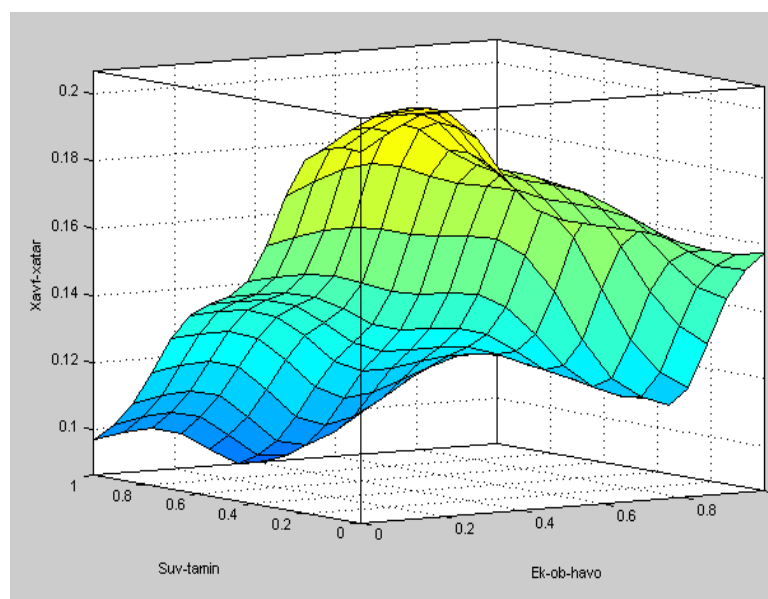


Рисунок 2 - Поверхность “вход - выход” для оценки риска

5. Заключение. В качестве направления для дальнейшей работы можно выделить разработку алгоритма использования арифметики дискретных Z-чисел в системах нечёткого

ENERGETICS, THE ELECTRICAL ENGINEERING, ELECTRONIC DEVICES AND INFORMATION TECHNOLOGIES

вывода с целью полноценного внедрения Z-информации в механизмы вывода, что принесёт наименьшие потери информации, содержащейся в Z-числах.

Результатом данной работы является разработанный подход к использованию Z-чисел в системе нечёткого вывода путём преобразования Z-чисел в классические нечёткие числа и разработали подход к принятию решений, который обобщает существующую ожидаемую полезность подхода в случае Z-информации. Этот подход, в отличие от других работ по принятию решений в рамках Z-информации, основывается на прямом вычислении над Z числами без преобразования их в нечеткие числа.

References

- [1]. Kang B., Wei D., Li Y., Deng Y. Decision Making Using Z-numbers under Uncertain Environment, Journal of Information & Computational Science 8(7) , USA, (2012), pp.2807-2814.
- [2]. Yager R.R. On Z-valuations using Zadeh`s Z-numbers, International Journal of Intelligent Systems 27, (2012), pp.259-278.
- [3]. Muxamedieva D.T. Sust shakllangan jarayonlarni noravshan modellarini qurishning nokorrekt masalalarini yechish usul va algoritmlari. "Navruz" nashriyoti. Toshkent., 2018 y. 216 bet.
- [4]. Muxamediyeva D.T. Model of estimation of success of geological exploration perspective // International Journal of Mechanical and production engineering research and development (IJMPERD) ISSN(P): 2249-6890; ISSN(E): 2249-8001 Vol. 8, Issue 2, USA. 2018, 527-538 pp. Impact Factor (JCC): 6.8765.
- [5]. Muxamediyeva D.T. Structure of fuzzy control module with neural network //International Journal of Mechanical and Production Engineering Research and Development (IJMPERD) ISSN (P): 2249-6890; ISSN (E): 2249-8001 Vol. 9, Issue 2, Apr 2019, pp.649-658.

Литература

- [1]. Kang B., Wei D., Li Y., Deng Y. Decision Making Using Z-numbers under Uncertain Environment, Journal of Information & Computational Science 8(7) , USA, (2012), pp.2807-2814.
- [2]. Yager R.R. On Z-valuations using Zadeh`s Z-numbers, International Journal of Intelligent Systems 27, (2012), pp.259-278.
- [3]. Мухамедиева Д.Т. Сушт шаклланган жараёнларни норавшан моделларини қуришнинг nokorrekt масалаларини ечиш усул ва алгоритмлари. "Навруз" нашриёти. Тошкент., 2018 й. 216 бет.
- [4]. Muxamediyeva D.T. Model of estimation of success of geological exploration perspective // International Journal of Mechanical and production engineering research and development (IJMPERD) ISSN(P): 2249-6890; ISSN(E): 2249-8001 Vol. 8, Issue 2, USA. 2018, 527-538 pp. Impact Factor (JCC): 6.8765.
- [5]. Muxamediyeva D.T. Structure of fuzzy control module with neural network //International Journal of Mechanical and Production Engineering Research and Development (IJMPERD) ISSN (P): 2249-6890; ISSN (E): 2249-8001 Vol. 9, Issue 2, Apr 2019, pp.649-658.